Deloitte.

Bonds valuation using Monte Carlo simulation

Ľuboš Briatka, Modern Tools for Financial Analysis and Modeling 2018

Bond Introduction

- Bond = fixed income investment in which an investor loans money to an entity (typically corporate or government) which borrows the funds for a defined period of time at a variable or fixed interest rate
- Bonds are used by companies, municipalities, states and sovereign governments to raise money and finance a variety of projects and activities.
- Face value (Notional) = money amount the bond will be worth at its maturity and the reference amount the bond issuer uses when calculating interest payments
- Coupon rate = rate of interest the bond issuer will pay on the face value of the bond, expressed as a percentage (variable or fixed interest rate)
- Coupon dates = dates on which the bond issuer will make interest payments (annual or semi-annual)
- **Maturity** = date on which the bond will mature and the bond issuer will pay the bond holder the face value of the bond

- **Bond valuation** = bond's value is equal to the present value of its expected (future) cash flows.
- Face value (Notional) = 100M
- **Coupon rate** = 5%
- Coupon dates = annual
- **Maturity** = 5 years



- No credit risk = 125M
- Government bond = 131M
- Corporate bond (A) = 114M





Bond valuation - credit risk

© 2018 Deloitte Central Europe

Bond Structured instrument

EVROPSKÉ ROPNÉ SPOLEČNOSTLS GARANCÍ Ve zkratce:

Garantovaný certifikát ropných společností od Raiffeisen Centrobank umožňuje investorům participovat 75% na pozitivním průměrném vývoji podkladového indexu STOXX® Europe 600 Oil & Gas Price EUR. Před negativním vývojem chrání investory 95% garance výplaty investovaného kapitálu v době splatnosti (březen 2020).

ΖάΚΙ ΔΟΝΙ΄ Ι΄ ΙΟΔ ΙΕ

| Emitent | Raitteisen Co | entrobank AG | | | | | |
|--------------------------------|-------------------------|---------------|--|--|--|--|--|
| Garant* | Raiffeisen Co | entrobank AG | | | | | |
| Nabídka | pr | ůběžná emise | | | | | |
| ISIN/WKN | AT | 0000A1D5S1 | | | | | |
| Emisní kurz | | 100% | | | | | |
| | plus 1% vst | upní poplatek | | | | | |
| | bēhem upisov | acího období | | | | | |
| Nominální ho | dnota | CZK 1.000 | | | | | |
| Upisovací ob | dobí ¹ 02.03 | - 27.03.2015 | | | | | |
| Datum fixace | | 30.03.2015 | | | | | |
| Valuta | | 31.03.2015 | | | | | |
| Poslední den | pozorování | 27.03.2020 | | | | | |
| Datum splatn | osti | 31.03.2020 | | | | | |
| Kapitálová garance | | | | | | | |
| 95% k datu splatnosti | | | | | | | |
| Participace | | 75% | | | | | |
| na pozitivním průměrném vývoji | | | | | | | |

Rozšiřování těžby z břidlic, rozhodnutí OPEC o nesnižování těžby ropy a další geopolitické faktory způsobily, že nabídka přesahovala poptávku a to zapříčinilo prudký propad ceny ropy. Od léta 2014 ztratila cena ropy 50% ze své původní hodnoty a oproti svým maximálním cenám z r. 2008, kdy se obchodovala téměř za 150 dolarů za barel, je dokonce 3x levnější. Nedávný vývoj ukázal, že ropa se po prudkých poklesech vrací na své původní hodnoty přibližně dva roky. Aktuální nízká cena může znamenat zajímavou příležitost pro investory, kteří v následujících pěti letech věří ve stabilizaci a zotavení světové ekonomiky, opětovný růst poptávky z rozvíjejících se zemí, a tedy i znovunastartování růstu ceny ropy.

Garantovaný certifikát indexu ropných společností je určen investorům, kteří věří v rostouci ceny ropy a současné chtěji svůj investovaný kapitál alespoň částečné chránit proti nepříznivému vývoji. Historie nám ukazuje, že akcie společností produkujících a zpracovávajících ropu z velké míry reflektují vývoj ceny ropy, a proto je tento garantovaný certifikát navázán na index evropských ropných společností (STOXX® Europe 600 Oil & Gas Price EUR), na jehož pozitivním průměrném vývoji se bude investor podílet 75% a zároveň bude mít jistotu částečné ochrany investovaného kapitálu ve výši 95% nominální hodnoty ke dni splatnosti (březen 2020).



SDĚLENÍ KLÍČOVÝCH INFORMACÍ

ÚČEL

Tento dokument Vám poskytne klíčové informace o tomto investičním produktu. Nejde o propagační materiál. Poskytnutí těchto informací vyžaduje zákon, aby Vám pomohly porozumět podstatě, rizkúm, nákladům, možným výnosúm a ztrátám spojeným s tímto produktem a porovnat jej s isnými produkty.

PRODUKT

PDCP INSURANCE AUTOCALL

ISBN: 5573715022 TVORCE PRODUKTU: Sociale Oxfordial: http://bid.agmankats.com, Pro.datil informace volete teleformi Calo PSILudiAY CORAN TVORCE: Automis des Marchell Financere (AMF) & Automit de Contrôle Phudentiel et de Résolution (ACPR) DATUA PYPACOVAE SOLEEM NL'ACVYCH NFORMACE: 23 4 2016 EMTENTS: 50 sums ; MICHTELEM Social Genérale

Produkt, o jehož koupi uvažujete, je složitý a může být obtížně srozumitelný.

O jaký produkt se jedná Ména Produktu CZK Mēna Vypořádá CZN Žádný 10 000 CZK za note listing Minimální Investic 10 000 CZX Cena Emise 100% z Nominální Hodnoty Den Splatnosti 21.5.2021 Kapitálová Ochrani Ne, můžete mít ztrátu až do úplné výše investice Kapitálová Bariér 55% Typ Kapitálové Bar Sledováno pouze ke Dni Konečného Sledován Kupónová Bariéra 55% Kupón Kupón S Možnosti Předčasného Viz Niže Bariéra Předčasného Vyplacení Viz Niže Podkladové Aktivum Podkladové Aktivum Ména AXA SA FR0000120628 Euronext Paris EUR EUR Assicurazioni Generali SpA 1T0000062072 Borsa Italiana Zurich Insurance Group AC CH0011075394 Six Swiss Exchu ONE Tento produkt je nezajištěný dluhový instrument, který se řídí Anglickým právem



Bond Structured instrument – valuation

• Face value (Notional) = 100M

- Simulation needed
- Coupon rate = cumulative coupon based on performance of basket of 10 shares (capped to 33%) + best performed share is eliminated from basket on semiannual basis
- Coupon dates = cumulative coupon is paid once at the maturity date







Market data Price history



Market data Credit yield

- Credit quality of the issuer:
 - Government bonds / Municipal bonds
 - Mortgage bonds
 - Corporate senior unsecured bonds
 - Subordinated bonds

- Other components used in valuation:
 - Credit margin
 - Liquidity margin
 - Basis margin



Market data Yield and volatility

- Expected yield of the basket:
 - Equity individual yields
 - S&P dividend yield
 - Interest rate model

2.0% 1.8% 1.6% 1.4% 1.2% 1.0% Nov-13 May-14 Nov-14 May-15 Nov-15 May-16 Nov-16

Cholesky decomposition

Correlation:

•

—

S&P 500 Dividend yield

- Volatilities:
 - Observed volatility
 - Exponentially weighted average
 - GARCH

| VOWG | LVMH | XOM | NKE | NESN | ΤΟΥ | VOD | CAN | ROG | MCD |
|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|-------|
| 22.18% | 11.92% | 12.06% | 16.28% | 12.13% | 18.83% | 11.92% | 21.07% | 14.11% | 8.58% |

Market data Correlation

| Correlation | VOWG | LVMH | хом | NKE | NESN | ΤΟΥ | VOD | CAN | ROG | MCD |
|-------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|-------|--------|-------|--------|
| VOWG | 1.000 | -0.003 | 0.417 | -0.190 | 0.037 | 0.401 | 0.281 | 0.437 | 0.356 | -0.550 |
| LVMH | -0.003 | 1.000 | -0.378 | 0.820 | 0.766 | 0.715 | 0.572 | 0.407 | 0.528 | 0.570 |
| ХОМ | 0.417 | -0.378 | 1.000 | -0.341 | -0.042 | -0.083 | 0.003 | -0.213 | 0.173 | -0.200 |
| NKE | -0.190 | 0.820 | -0.341 | 1.000 | 0.867 | 0.748 | 0.705 | 0.334 | 0.715 | 0.699 |
| NESN | 0.037 | 0.766 | -0.042 | 0.867 | 1.000 | 0.780 | 0.711 | 0.276 | 0.823 | 0.579 |
| ΤΟΥ | 0.401 | 0.715 | -0.083 | 0.748 | 0.780 | 1.000 | 0.763 | 0.616 | 0.891 | 0.254 |
| VOD | 0.281 | 0.572 | 0.003 | 0.705 | 0.711 | 0.763 | 1.000 | 0.292 | 0.770 | 0.347 |
| CAN | 0.437 | 0.407 | -0.213 | 0.334 | 0.276 | 0.616 | 0.292 | 1.000 | 0.399 | -0.076 |
| ROG | 0.356 | 0.528 | 0.173 | 0.715 | 0.823 | 0.891 | 0.770 | 0.399 | 1.000 | 0.286 |
| MCD | -0.550 | 0.570 | -0.200 | 0.699 | 0.579 | 0.254 | 0.347 | -0.076 | 0.286 | 1.000 |

| Cholesky | VOWG | LVMH | хом | NKE | NESN | ΤΟΥ | VOD | CAN | ROG | MCD |
|----------|-------|--------|--------|--------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|
| VOWG | 1.000 | -0.003 | 0.417 | -0.190 | 0.037 | 0.401 | 0.281 | 0.437 | 0.356 | -0.550 |
| LVMH | 0 | 1.000 | -0.377 | 0.820 | 0.767 | 0.716 | 0.573 | 0.408 | 0.529 | 0.569 |
| XOM | 0 | 0 | 0.827 | 0.057 | 0.280 | 0.024 | 0.123 | -0.293 | 0.271 | 0.295 |
| NKE | 0 | 0 | 0 | 0.537 | 0.428 | 0.438 | 0.524 | 0.185 | 0.621 | 0.207 |
| NESN | 0 | 0 | 0 | 0 | 0.387 | 0.056 | 0.007 | -0.129 | 0.162 | -0.021 |
| ΤΟΥ | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0.362 | 0.021 | 0.227 | 0.228 | -0.082 |
| VOD | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0.550 | -0.235 | 0.005 | 0.060 |
| CAN | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0.632 | -0.058 | 0.016 |
| ROG | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0.230 | -0.021 |
| MCD | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0.482 |

Simulation Combine all together

• Several simulation modules are combined together:



Simulation Results

- Huge amount of market data from different sources required
- Extensive computer power needed for simulation



MAX RETURN SIMULATION

- Face value of the bond = 100M
- Final price of the bond = 106.7M
- Value-at-Risk = 8.3M



Deloitte.

Deloitte refers to one or more of Deloitte Touche Tohmatsu Limited, a UK private company limited by guarantee ("DTTL"), its network of member firms, and their related entities. DTTL and each of its member firms are legally separate and independent entities. DTTL (also referred to as "Deloitte Global") does not provide services to clients. Please see www.deloitte.com/about for a more detailed description of DTTL and its member firms.

Deloitte Central Europe is a regional organization of entities organized under the umbrella of Deloitte Central Europe Holdings Limited, the member firm in Central Europe of Deloitte Touche Tohmatsu Limited. Services are provided by the subsidiaries and affiliates of Deloitte Central Europe Holdings Limited, which are separate and independent legal entities.

The subsidiaries and affiliates of Deloitte Central Europe Holdings Limited are among the region's leading professional services firms, providing services through nearly 6,000 people in 41 offices in 18 countries.

This publication is for internal distribution and use only among personnel of Deloitte Touche Tohmatsu Limited, its member firms, and their affiliates. None of Deloitte Touche Tohmatsu Limited, Deloitte Global Services Limited, Deloitte Global Services Holdings Limited, any of their member firms, or any of the foregoing's affiliates shall be responsible for any loss whatsoever sustained by any person who relies on this publication.

© 2018 Deloitte Central Europe